

# Mecklenburg-Vorpommern



Dieses Dokument kann strukturelle Abweichungen vom derzeit gültigen Abitur aufweisen. Dennoch können Inhalte und Kompetenzen dieser Aufgaben einen wertvollen Beitrag in der Prüfungsvorbereitung leisten.

## Musterabitur aus dem Jahr 2025

### Mathematik (WTR)

Leistungskurs

Hinweise für die Lehrkraft  
zur Durchführung, Korrektur und Bewertung  
(nicht für die Hand des Prüflings)

## Hinweise für die Lehrkraft

### Aufgaben- bearbeitung:

Die Prüfungsarbeit besteht aus den Teilen A und B.

Der Prüfling erhält zunächst die Aufgaben für den Teil A mit den hilfsmittelfreien Aufgaben. Dieser beinhaltet

- 4 Pflichtaufgaben aus der Aufgabengruppe 1 (Aufgaben 1 bis 4),
- 6 Wahlaufgaben aus der Aufgabengruppe 2 (Aufgaben 5 bis 10).

Der Prüfling bearbeitet die vier Pflichtaufgaben und zwei Wahlaufgaben.

Nach Abgabe der Aufgaben des Teils A erhält der Prüfling die Aufgaben des Teils B sowie die dafür vorgesehenen Hilfsmittel. Der Prüfungsteil B beinhaltet

- eine Pflichtaufgabe Analysis (Aufgabe 1),
- zwei Wahlaufgaben Geometrie (Aufgaben 2 und 3) sowie
- zwei Wahlaufgaben Stochastik (Aufgaben 4 und 5).

Der Prüfling bearbeitet die Pflichtaufgabe Analysis, eine Wahlaufgabe Geometrie und eine Wahlaufgabe Stochastik.

### Bearbeitungszeit:

Die Bearbeitungszeit für die Prüfungsteile A und B beträgt einschließlich Auswahlzeit 330 Minuten. Der Prüfling entscheidet selbstständig über den Zeitraum der Bearbeitung des Teils A, dieser Zeitraum darf jedoch maximal 110 Minuten betragen.

### Hilfsmittel:

Dem Prüfling stehen folgende Hilfsmittel zur Verfügung:

- eine an der Schule eingeführte Formelsammlung (bzw. Tafelwerk),
- ein an der Schule zugelassener wissenschaftlicher Taschenrechner (WTR), der nicht programmierbar und nicht grafikfähig ist und nicht über Möglichkeiten der numerischen Differentiation oder Integration oder des automatischen Lösen von Gleichungen verfügt,
- Zeichengeräte,
- ein Wörterbuch der deutschen Rechtschreibung in gedruckter oder digitaler Form,
- ein zweisprachiges Wörterbuch in gedruckter oder digitaler Form für Prüflinge mit nichtdeutscher Herkunftssprache.

Für die Aufgaben des Teils A sind Formelsammlung (bzw. Tafelwerk) und WTR nicht zulässig.

### Bewertung:

Die Lösungen sind in einer sprachlich korrekten, mathematisch exakten und äußerlich einwandfreien Form darzustellen. In der Niederschrift müssen die Lösungswege nachvollziehbar sein.

Im Teil A sind je Aufgabe 5 Bewertungseinheiten (BE) erreichbar, im Teil B in der Pflichtaufgabe 30 BE und in den Wahlaufgaben jeweils 20 BE. Bearbeitet ein Prüfling mehr Wahlaufgaben als gefordert, so wird jeweils die Aufgabe gewertet, welche die höchste Anzahl an BE erbringt.

Maximal zwei Bewertungseinheiten können zusätzlich vergeben werden bei guter Notation und Darstellung sowie eleganten, kreativen und rationellen Lösungswegen, maximal zwei Notenpunkte können bei mehrfachen Formverstößen abgezogen werden. Allein durch die Bearbeitung einer weiteren Wahlaufgabe im Teil A ist keine zusätzliche Bewertungseinheit erreichbar.

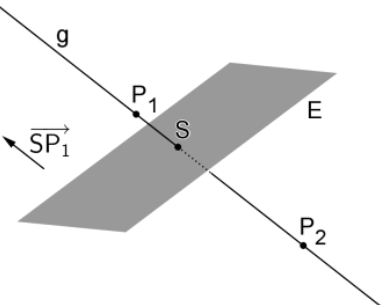
## Bewertungstabelle – Leistungskurs, Teile A und B

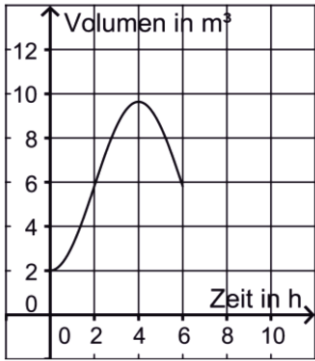
Bewertungseinheiten	Notenpunkte
95 bis 100	15
90 bis 94	14
85 bis 89	13
80 bis 84	12
75 bis 79	11
70 bis 74	10
65 bis 69	09
60 bis 64	08
55 bis 59	07
50 bis 54	06
45 bis 49	05
40 bis 44	04
33 bis 39	03
27 bis 32	02
20 bis 26	01
0 bis 19	00

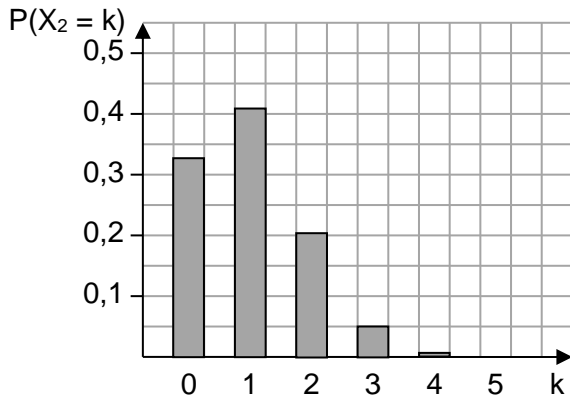
Die Verteilung der Bewertungseinheiten auf die Teilaufgaben ist verbindlich.

Der Erwartungshorizont stellt für jede Teilaufgabe eine mögliche Lösung dar. Nicht dargestellte korrekte Lösungen sind als gleichwertig zu akzeptieren.

## Teil A Erwartungshorizont

Aufgabe	Pflichtaufgaben – Aufgabengruppe 1	mögliche BE	erteilte BE
1.1	Der Funktionsterm von $f_2$ enthält nur Potenzen von $x$ mit geraden Exponenten.	1	
1.2	$f'_k(x) = 4x^3 + 3 \cdot (2 - k) \cdot x^2 - 2kx$ $f''_k(x) = 12x^2 + 6 \cdot (2 - k) \cdot x - 2k$ $f''_k(1) = 0 \Leftrightarrow 24 - 8k = 0 \Leftrightarrow k = 3$	4	
2.1	$\int_0^{\pi/2} (g(x) - f(x)) dx = \left[ -\frac{1}{2}x^2 + \frac{\pi}{2}x - \sin x \right]_0^{\pi/2}$ $= -\frac{1}{2} \cdot \frac{\pi^2}{4} + \frac{\pi^2}{4} - 1 = \frac{\pi^2}{8} - 1$	3	
2.2	$y = -x - \frac{3}{2}\pi$	2	
3.1	$2r + 2 \cdot (2 + 4r) - 2r = 2 \Leftrightarrow r = -\frac{1}{4}$ , d. h. $S\left(-\frac{1}{2} \mid 1 \mid -\frac{1}{4}\right)$	3	
3.2		2	
4.1	Abbildung 1 stellt die Wahrscheinlichkeitsverteilung von $X$ dar. Abbildung 2 kann die Wahrscheinlichkeitsverteilung von $X$ nicht darstellen, da die Summe aller Wahrscheinlichkeiten größer als 1 wäre.	2	
4.2	Aufgrund der Symmetrie der Wahrscheinlichkeitsverteilung gilt $p = 0,5$ . $n \cdot 0,5 = 8 \Leftrightarrow n = 16$ $\sigma = \sqrt{16 \cdot 0,5 \cdot (1 - 0,5)} = \sqrt{4} = 2$	3	
	<b>Summe:</b>	<b>20</b>	

Aufgabe	Wahlaufgaben – Aufgabengruppe 2	mögliche BE	erteilte BE
5.1	Zwei Stunden nach Beobachtungsbeginn befinden sich etwa 5,8 m <sup>3</sup> Wasser im Tank.	2	
5.2		3	
6.1	Die Steigung ist 1.	1	
6.2	<p>Tangente an den Graphen von <math>g_c</math> :</p> $y = g'_c(0) \cdot x + g_c(0) = c \cdot f'(0) \cdot x + c \cdot f(0) = c \cdot x + 2c$ $c \cdot x + 2c = 0 \Leftrightarrow x = -2$	4	
7.1	P liegt in der yz-Ebene, der Richtungsvektor von g steht senkrecht dazu.	2	
7.2	<p>Schnittpunkt der Diagonalen: <math>S(0   4   1)</math></p> <p>Mit <math>\overrightarrow{SP} = \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix}</math> und <math>\overrightarrow{SQ} = \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix}</math> ergibt sich:</p> $ \overrightarrow{SP}  =  \overrightarrow{SQ}  \text{ und } \overrightarrow{SP} \circ \overrightarrow{SQ} = 0$	3	
8.1	Die Gleichung von E liefert nur eine Bedingung für die y- und die z-Koordinate der Punkte der Ebene.	1	
8.2	E schneidet die xy-Ebene in der Gerade g mit der Gleichung $y = 8$ . Für $t = 8$ liegt $D_t$ auf g, für $t > 8$ befinden sich A und $D_t$ auf verschiedenen Seiten von E und für $t < 8$ liegen alle Eckpunkte der Pyramide auf derselben Seite von E. Folglich haben die Pyramide und E genau dann gemeinsame Punkte, wenn $t \geq 8$ gilt.	4	

9.1	In der Urne A können sich 4, 5 oder 6 rote Kugeln befinden.	1															
9.2	$\frac{1}{2} \cdot \frac{n+1}{4n+1} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3n+1}{4n+1} = \frac{4n+2}{2 \cdot (4n+1)} = \frac{2n+1}{4n+1} = \frac{15}{29} \Leftrightarrow n = 7$	4															
10.1	$P(X_1 = 1) = \binom{5}{1} \cdot 0,8^1 \cdot 0,2^4$	1															
10.2	z. B.: Der Term gibt die Wahrscheinlichkeit dafür an, dass bei Zugrundelegung von $X_1$ zwei oder weniger Treffer erzielt werden.	2															
10.3	<p>Darstellung der Verteilung</p>  <table><caption>Data for Bar Chart: P(X<sub>2</sub> = k)</caption><thead><tr><th>k</th><th>P(X<sub>2</sub> = k)</th></tr></thead><tbody><tr><td>0</td><td>0.32</td></tr><tr><td>1</td><td>0.41</td></tr><tr><td>2</td><td>0.20</td></tr><tr><td>3</td><td>0.06</td></tr><tr><td>4</td><td>0.01</td></tr><tr><td>5</td><td>0.00</td></tr></tbody></table>	k	P(X <sub>2</sub> = k)	0	0.32	1	0.41	2	0.20	3	0.06	4	0.01	5	0.00	2	
k	P(X <sub>2</sub> = k)																
0	0.32																
1	0.41																
2	0.20																
3	0.06																
4	0.01																
5	0.00																
	Summe:	10															

## Teil B Erwartungshorizont

Aufgabe	Analysis – Pflichtaufgabe	mögliche BE	erteilte BE
1.1	$f(x) = a \cdot x \cdot (x - 5) \cdot (x - 10); f(1) = 2 \Leftrightarrow a = \frac{1}{18}$	4	
1.2	$f'(x) = \frac{1}{18} \cdot (3x^2 - 30x + 50), f''(x) = \frac{3}{4}, f'''(x) = \frac{1}{3}$ $f''(5) = 0, f'''(5) \neq 0$ $f'(5) = -\frac{25}{18}, 0 = -\frac{25}{18} \cdot 5 + t \Leftrightarrow t = \frac{125}{18}, \text{ d. h. } y = -\frac{25}{18}x + \frac{125}{18}$	6	
1.3	<p>Der Graph von g muss um 5 in positive x-Richtung verschoben werden.</p> <p>Da der Term von g nur Potenzen von x mit ungeradem Exponenten enthält, ist der Graph von g symmetrisch bezüglich des Koordinatenursprungs, <math>G_f</math> also symmetrisch bezüglich des Punkts <math>W(5 0)</math>.</p>	4	
1.4	Die Länge des Staus nimmt zu, solange $f(x) > 0$ gilt. Damit ist der Stau um 11:00 Uhr am längsten.	2	
1.5.1	<p><math>x = 1</math>: Die Integrationsgrenzen stimmen überein.</p> <p><math>x = 9</math>: Betrachtet man die Flächenstücke, die <math>G_f</math> im Integrationsbereich mit der x-Achse einschließt, so ist aufgrund der Symmetrie des Graphen der Inhalt des oberhalb der x-Achse liegenden Flächenstücks ebenso groß wie der Inhalt des unterhalb liegenden Flächenstücks.</p>	3	
1.5.2	Betrachtet man die Flächenstücke, die $G_f$ im Integrationsbereich mit der x-Achse einschließt, so sind für ein $x > 10$ die Inhalte der oberhalb der x-Achse liegenden Flächenstücke zusammen ebenso groß wie der Inhalt des unterhalb liegenden Flächenstücks.	2	
1.6.1	$h(x) = a \cdot \sin(bx)$ <h>h hat im betrachteten Bereich die gleichen Nullstellen wie f, wenn <math>b = \frac{\pi}{5}</math> ist.</h> $\int_0^5 h(x) dx = a \cdot \left[ -\frac{5}{\pi} \cdot \cos\left(\frac{\pi}{5}x\right) \right]_0^5 = \frac{625}{72} \Leftrightarrow a = \frac{125}{144} \pi$	6	

1.6.2	Hätten die Graphen von f und h für $0 < x < 5$ keinen gemeinsamen Punkt, dann würde der Graph von f in diesem Bereich entweder vollständig oberhalb oder vollständig unterhalb des Graphen von h verlaufen. Dies ist jedoch nicht möglich, da die beiden Graphen für $0 \leq x \leq 5$ mit der x-Achse Flächen gleichen Inhalts einschließen.	3	
	<b>Summe:</b>	<b>30</b>	

Aufgabe	Analytische Geometrie – Wahlaufgaben	mögliche BE	erteilte BE
2.1	Inhalt einer Seitenfläche: $\frac{1}{2} \cdot 6 \cdot \sqrt{4^2 + 3^2} = 15$ Inhalt der Oberfläche der Pyramide: $6 \cdot 6 + 4 \cdot 15 = 96$	4	
2.2	(3) beschreibt eine Ebene, die Symmetrieebene der Pyramide ist. Die Koordinaten von S erfüllen Gleichung (1) nicht.	3	
2.3	$\begin{pmatrix} -6 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \circ \vec{n} = 0 \wedge \begin{pmatrix} -3 \\ -3 \\ 4 \end{pmatrix} \circ \vec{n} = 0$ liefert $\begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ 3 \end{pmatrix}$ als Normalenvektor von E. Somit hat E eine Gleichung der Form $4y + 3z = d$ . Aus $C \in E$ ergibt sich $d = 12$ .	3	
2.4	Q ist ein Punkt der Lotgerade zu E durch P. Q liegt außerdem in E und ist damit der Schnittpunkt der Lotgerade mit E. Der Abstand von P zu E stimmt mit dem Abstand von P zur Grundfläche überein.	5	



2.5	$\frac{\begin{pmatrix} 4k \\ 4\sqrt{1-k^2} \\ 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}}{\left\  \begin{pmatrix} 4k \\ 4\sqrt{1-k^2} \\ 3 \end{pmatrix} \right\  \cdot \left\  \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\ } = \frac{3}{5}$ <p>Damit ist die Größe des Winkels unabhängig von k.  <math>\sin \alpha = \frac{3}{5}</math> liefert <math>\alpha \approx 36,9^\circ</math>.</p>	5	
3.1	Sowohl die x-Koordinaten als auch die y-Koordinaten von B und C unterscheiden sich nur in ihren Vorzeichen, die z-Koordinaten stimmen überein.	2	
3.2	$2 \cdot \sqrt{22^2 + 28^2} + \sqrt{22^2 + 22^2} \approx 102$ , d. h. die Länge beträgt etwa 102 m.	3	
3.3.1	$\vec{x} = \begin{pmatrix} 11 \\ 11 \\ 0 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -22 \\ 0 \\ 28 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ -22 \\ 28 \end{pmatrix}$ liefert das Gleichungssystem: I $x = 11 - 22r$ II $y = 11 - 22s$ III $z = 28r + 28s$ Aus I und II ergibt sich $22r + 22s = 22 - x - y \Leftrightarrow 28r + 28s = 28 - \frac{28}{22}x - \frac{28}{22}y$ . Damit liefert III $z = 28 - \frac{28}{22}x - \frac{28}{22}y$ .	4	
3.3.2	$\cos \varphi = \frac{\begin{pmatrix} 14 \\ 14 \\ 11 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}}{\left\  \begin{pmatrix} 14 \\ 14 \\ 11 \end{pmatrix} \right\  \cdot \left\  \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \right\ } = \frac{11}{\sqrt{2 \cdot 14^2 + 11^2}}$ liefert $\varphi \approx 61^\circ$ .	3	
3.4	Aufgrund der Ähnlichkeit maßstabsgetreuer Körper folgt aus dem Ähnlichkeitsfaktor $k = \frac{28}{1,4} = 20$ und $k^3 = 8\,000$ ein Verhältnis der Volumina von 1: 8000.	2	

3.5	$\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}$	2	
3.6	Q ist ein Punkt auf $\overline{AB}$ . Gilt $\overrightarrow{PQ} \circ \overrightarrow{AB} = 0$ , steht also $\overline{PQ}$ senkrecht zu $\overline{AB}$ , ist $ \overline{PQ} $ der Abstand von P zu $\overline{AB}$ . Dieser Abstand muss mit $28 - h$ , dem Abstand von P zu $\overline{BC}$ , übereinstimmen.	4	
	<b>Summe:</b>	<b>20</b>	

Aufgabe	Stochastik – Wahlaufgaben	mögliche BE	erteilte BE
4.1.1	<p>G: „Bei der Person liegt eine Glutenunverträglichkeit vor.“ P: „Das Testergebnis ist positiv.“</p>	3	
4.1.2	$0,01 \cdot 0,98 = 0,98\%$	1	
4.1.3	$\frac{0,01 \cdot 0,98}{0,01 \cdot 0,98 + 0,99 \cdot 0,04} \approx 19,8\%$	3	
4.2	$E(X) = 0,01 \cdot 20000 = 200$ ; $10\% \cdot 200 = 20$ $1 - P_{0,01}^{20000}(180 \leq X \leq 220) \approx 14,5\%$	4	

4.3.1	<p>Folgende Fehlentscheidungen können auftreten:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Obwohl höchstens 10 % der hergestellten Teststreifen unbrauchbar sind, entscheidet man sich aufgrund des Ergebnisses der Kontrolle dafür, das Herstellungsverfahren zu verbessern.</li> <li>• Obwohl mehr als 10 % der hergestellten Teststreifen unbrauchbar sind, entscheidet man sich aufgrund des Ergebnisses der Kontrolle nicht dafür, das Herstellungsverfahren zu verbessern.</li> </ul>	4																	
4.3.2	<p>Y: Anzahl unbrauchbarer Teststreifen</p> $P_{0,1}^{100}(Y \geq 16) \approx 0,0399 \approx 4\%$ <p>Ist k die Anzahl unbrauchbarer Teststreifen, ab der man sich dafür entscheidet, das Herstellungsverfahren zu verbessern, so gilt:</p> $P_{0,1}^{200}(Y \geq k) \leq 0,02 \Rightarrow k \geq 30$	5																	
5.1	<p>Zufallsexperiment: 200 Personen der betrachteten Gruppe werden zufällig ausgewählt.</p> <p>Ereignis: „Weniger als 55 Personen ernähren sich häufig von Fertiggerichten.“</p>	3																	
5.2	$0,7^n < 0,01 \Leftrightarrow n > 12,91$ <p>Mindestens 13 Personen müssen ausgewählt werden.</p>	3																	
5.3	<table border="1"> <tr> <td></td><td>F</td><td><math>\bar{F}</math></td><td></td></tr> <tr> <td>Z</td><td>24 %</td><td>28 %</td><td>52 %</td></tr> <tr> <td><math>\bar{Z}</math></td><td>6 %</td><td>42 %</td><td>48 %</td></tr> <tr> <td></td><td>30 %</td><td>70 %</td><td>100 %</td></tr> </table> <p>Der Term <math>P(F \cap \bar{Z})</math> gibt die Wahrscheinlichkeit dafür an, dass sich eine Person häufig von Fertiggerichten ernährt, dabei aber nicht zu viel Zucker verzehrt.</p>		F	$\bar{F}$		Z	24 %	28 %	52 %	$\bar{Z}$	6 %	42 %	48 %		30 %	70 %	100 %	4	
	F	$\bar{F}$																	
Z	24 %	28 %	52 %																
$\bar{Z}$	6 %	42 %	48 %																
	30 %	70 %	100 %																
5.4	$\binom{5}{0} \cdot 0,06^0 \cdot 0,42^5 + \binom{5}{1} \cdot 0,06^1 \cdot 0,42^4 + \binom{5}{2} \cdot 0,06^2 \cdot 0,42^3$	3																	

5.5.1	$P_{0,3}^{450}(Y \geq 152) \approx 0,046$ ; $P_{0,3}^{450}(Y \geq 153) \approx 0,037$ Somit wird die Nullhypothese verworfen, wenn sich mindestens 153 Befragte von Fertigprodukten ernähren. Wenn sich weniger als 153 Befragte von Fertigprodukten ernähren, kann die Nullhypothese nicht verworfen werden.	5	
5.5.2	$P_{0,32}^{450}(Y \leq 152) \approx 0,805$ Der Fehler zweiter Art ist mit 80,5 % sehr hoch.	2	
	<b>Summe:</b>	<b>20</b>	